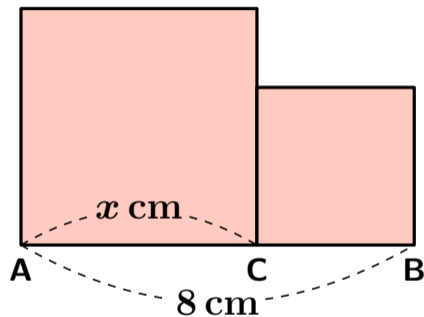


2 次関数の応用問題 #37 その 6 Ver 2

長さ 8 cm の線分 AB 上に点 C をとり、 AC , CB を 1 辺とする 2 つの正方形を作ります。 AC の長さを $x\text{ cm}$ として、この 2 つの正方形の面積の和 $y\text{ cm}^2$ の最小値を求めなさい。



CB = $(8 - x)$ cm になる。

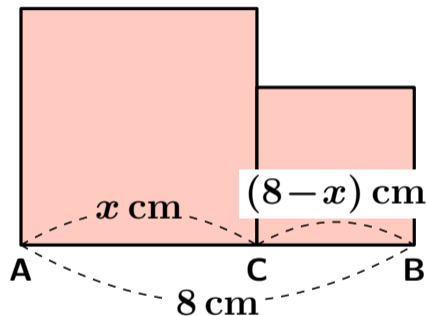
また長さ > 0 なので

$$x > 0, \quad 8 - x > 0$$

$$x > 0, \quad -x > -8$$

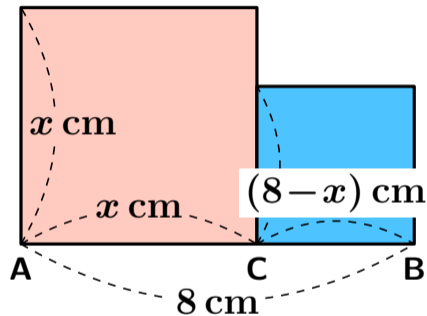
$$x > 0, \quad x < 8$$

2つの範囲を合わせて $0 < x < 8$ となる。



面積の和 y は

$$x^2 + (8-x)^2$$



2 次関数の応用問題

$y = x^2 + (8 - x)^2$ ($0 < x < 8$) の最小値は

2 次関数の応用問題

$$\begin{aligned} y &= x^2 + (8-x)^2 \quad (0 < x < 8) \text{ の最小値は} \\ &= x^2 + 64 - 16x + x^2 \end{aligned}$$

2 次関数の応用問題

$$\begin{aligned}y &= x^2 + (8 - x)^2 \quad (0 < x < 8) \text{ の最小値は} \\ &= x^2 + 64 - 16x + x^2 \\ &= 2x^2 - 16x + 64\end{aligned}$$

2 次関数の応用問題

$$\begin{aligned}y &= x^2 + (8-x)^2 \quad (0 < x < 8) \text{ の最小値は} \\ &= x^2 + 64 - 16x + x^2 \\ &= 2x^2 - 16x + 64 \\ &= 2(x-4)^2 + 32\end{aligned}$$

$$y = 2x^2 - 16x + 64$$

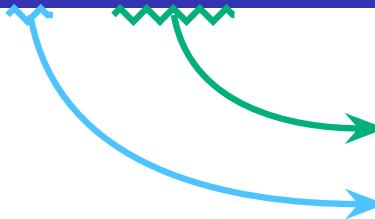
の頂点を求める

$y = 2x^2 - 16x + 64$ の頂点を求める

まず頂点の x 座標を計算する

$$y = 2x^2 - 16x + 64$$

の頂点を求める


$$\frac{-16}{2} = -8$$

$$y = 2x^2 - 16x + 64$$

の頂点を求める

$$\frac{-16}{2} = -8$$

+ - 逆

8

$$y = 2x^2 - 16x + 64$$

の頂点を求める

$$\frac{-16}{2} = -8$$

+-逆

8

←

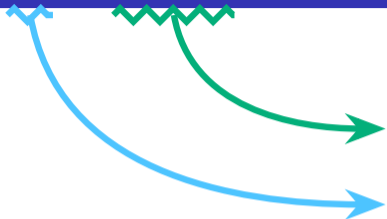
÷2

4

←

$$y = 2x^2 - 16x + 64$$

の頂点を求める



$$\frac{-16}{2} = -8$$



頂点 (4,)

$$y = 2x^2 - 16x + 64 \quad \text{の頂点を求める}$$

次に頂点の y 座標を計算
したいので、式に代入する

頂点 (4,)

$y = 2x^2 - 16x + 64$ の頂点を求める

$$y = 2 \times 4^2 - 16 \times 4 + 64$$

頂点 (4,)

$y = 2x^2 - 16x + 64$ の頂点を求める

$$\begin{aligned}y &= 2 \times 4^2 - 16 \times 4 + 64 \\ &= 32 - 64 + 64 \\ &= 32\end{aligned}$$

頂点 (4, 32)

$$y = 2x^2 - 16x + 64$$

の頂点を求める

$$y = 2(x \quad)^2$$

← 平方完成はこうなる



逆

そのまま

頂点 (4, 32)

$$y = 2x^2 - 16x + 64$$

の頂点を求める

$$y = 2(x - 4)^2 + 32$$

← 平方完成はこうなる



逆

そのまま

頂点 (4, 32)

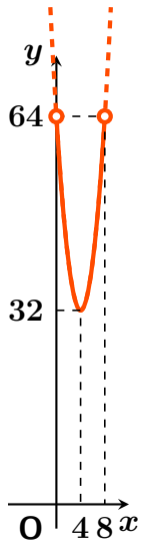
$y = 2(x-4)^2 + 32$ ($0 < x < 8$) の最小値？

$$\begin{aligned}x = 0 \text{ のとき} \quad y &= 2(x-4)^2 + 32 \\ &= 2(0-4)^2 + 32 \\ &= 2(-4)^2 + 32 \\ &= 2 \times 16 + 32 \\ &= 32 + 32 \\ &= 64 \quad \text{一旦停止}\end{aligned}$$

$y = 2(x-4)^2 + 32$ ($0 < x < 8$) の最小値？

$$\begin{aligned}x = 8 \text{ のとき} \quad y &= 2(x-4)^2 + 32 \\ &= 2(8-4)^2 + 32 \\ &= 2 \times 4^2 + 32 \\ &= 2 \times 16 + 32 \\ &= 32 + 32 \\ &= 64 \quad \text{一旦停止}\end{aligned}$$

$y = 2(x-4)^2 + 32$ ($0 < x < 8$) の最小値？



グラフは左のようになるので

☐ 答 $x = 4$ のとき

最小値 32 cm^2