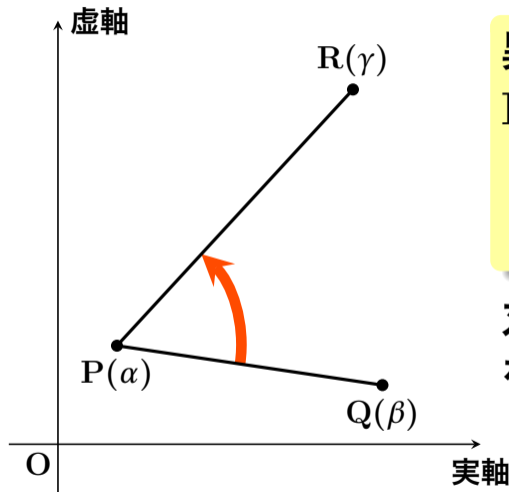


公式（複素数と角）



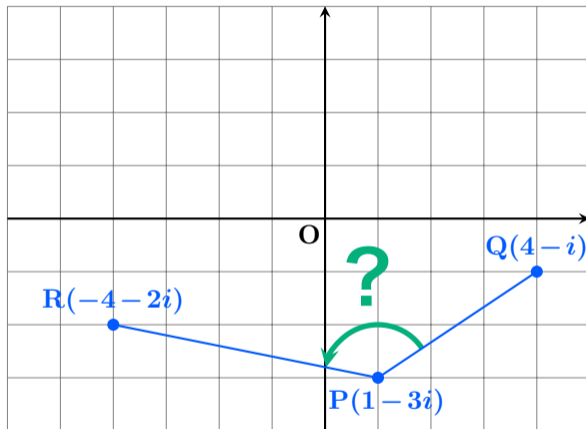
異なる 3 点

$P(\alpha)$, $Q(\beta)$, $R(\gamma)$ に対して

$$\angle QPR = \arg\left(\frac{\gamma - \alpha}{\beta - \alpha}\right)$$

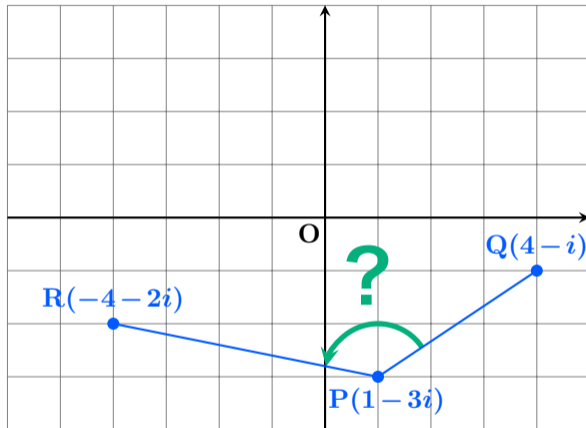
丸暗記ではなく、図形的な意味
を理解した方がよいと思う。

$P(1 - 3i)$, $Q(4 - i)$, $R(-4 - 2i)$ のとき $\angle QPR$?



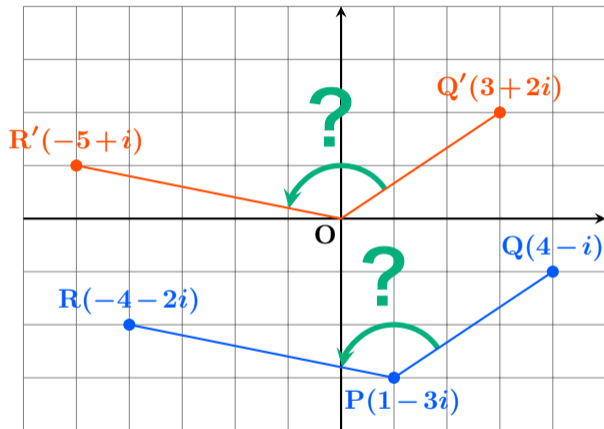
回転の中心が原点になる
ように平行移動する

$P(1 - 3i)$, $Q(4 - i)$, $R(-4 - 2i)$ のとき $\angle QPR$?



$P(1 - 3i)$ を原点に平行移動するには $-(1 - 3i)$ すればよいので

$P(1-3i)$, $Q(4-i)$, $R(-4-2i)$ のとき $\angle QPR$?



$Q(4-i)$ は

$$4-i - (1-3i) = 3+2i$$

に移る

【公式の $\beta - \alpha$ の部分】

$R(-4-2i)$ は

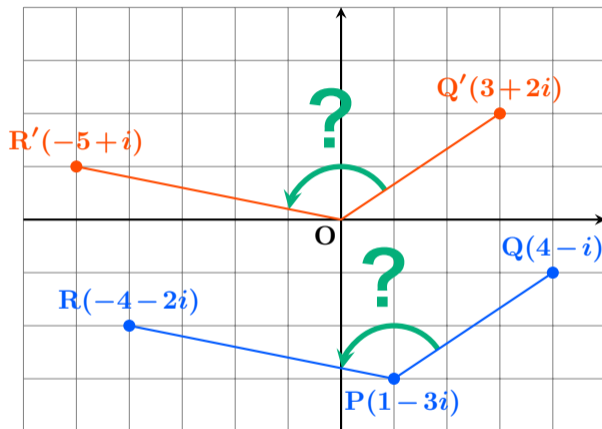
$$-4-2i - (1-3i)$$

$$= -5+i$$

に移る

【公式の $\gamma - \alpha$ の部分】

$P(1-3i)$, $Q(4-i)$, $R(-4-2i)$ のとき $\angle QPR$?



$$\angle QPR = \angle Q'OR'$$

$$= \arg\left(\frac{-5+i}{3+2i}\right)$$

を計算すればよい。

まず $\frac{-5+i}{3+2i}$ を計算しよう

$P(1 - 3i)$, $Q(4 - i)$, $R(-4 - 2i)$ のとき $\angle QPR$?

$$\frac{-5 + i}{3 + 2i} = \frac{(-5 + i)(3 - 2i)}{(3 + 2i)(3 - 2i)}$$

$$= \frac{-15 + 10i + 3i - 2i^2}{3^2 - (2i)^2}$$

【 $i^2 = -1$ です】

$$= \frac{-13 + 13i}{13} = -1 + i$$

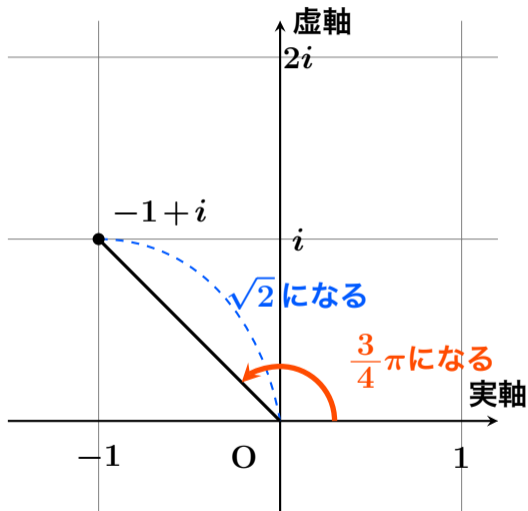


複素数の極形式 (復習)

$$z = a + bi = r(\cos \theta + i \sin \theta)$$

ただし $r = |z| = \sqrt{a^2 + b^2}, \quad \theta = \arg z$

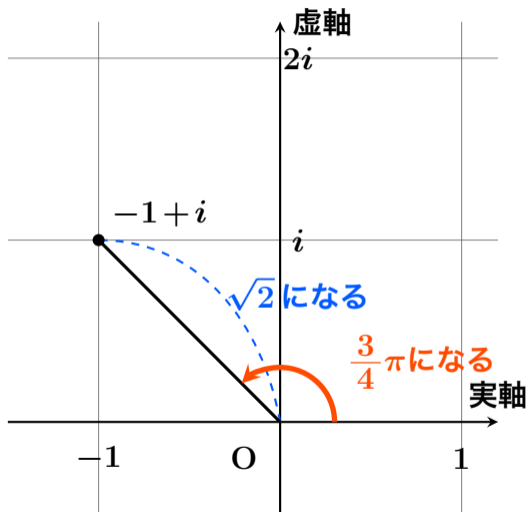
さっきの $-1 + i$ を極形式に変換すると



$$-1 + i =$$

$$\sqrt{2} \left(\cos \frac{3}{4}\pi + i \sin \frac{3}{4}\pi \right)$$

$P(1 - 3i)$, $Q(4 - i)$, $R(-4 - 2i)$ のとき $\angle QPR$?



$$-1 + i =$$

$$\sqrt{2} \left(\cos \frac{3}{4}\pi + i \sin \frac{3}{4}\pi \right)$$

だから $\angle QPR = \angle Q'OR'$

$$= \arg \left(\frac{-5 + i}{3 + 2i} \right) = \frac{3}{4}\pi \quad \boxed{\text{答}}$$